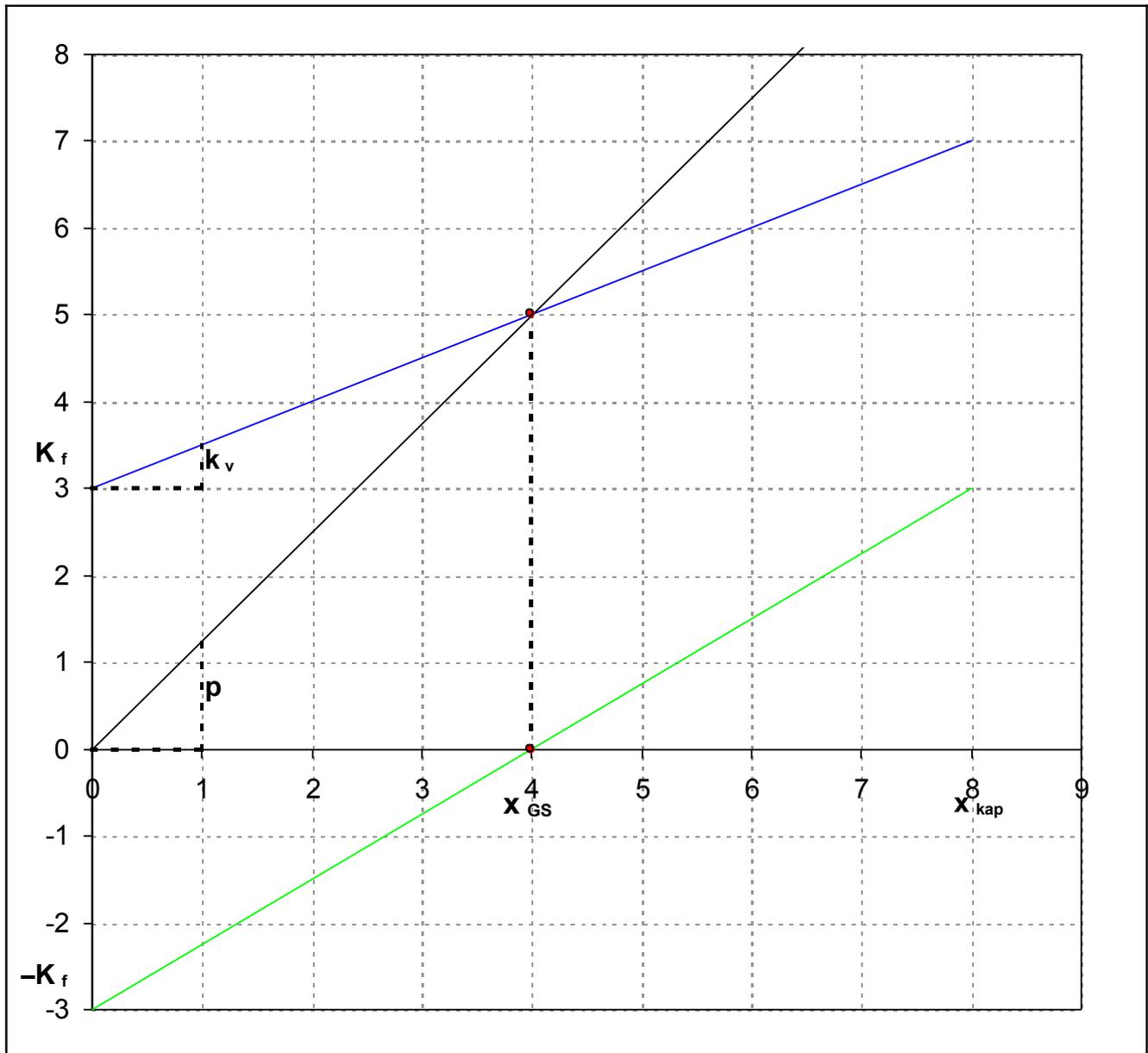


Übersicht Begriffe und Aufgabentypen bei ökonomischen Anwendungen kubischer Funktionen



Zunächst betrachten wir das Modell des Polypols:

Es wird angenommen, dass der (Markt-) Preis vom Unternehmen nicht beeinflusst werden kann.

Demzufolge ist $E(x) = p \cdot x$ eine lineare Funktion (sogar eine proportionale, d.h. der Graph ist ein Ursprungsgeradenstück).

Die Kosten werden durch eine ganzrationale Funktion vom Grad 3 bestimmt.

$$K(x) = a x^3 + b x^2 + c x + d,$$

Fixkosten = $K(0) = d = K_f$. (y-Achsenabschnitt von K)

weitere Kostenfunktionen:

variable (Gesamt-)Kostenfunktion:

$$K_v(x) = K(x) - K_f = a x^3 + b x^2 + c x,$$

Stückkostenfunktion:

$$k(x) = \frac{K(x)}{x} = k_v + \frac{K_f}{x} = a x^2 + b x + c + \frac{d}{x},$$

variable Stückkostenfunktion:

$$k_v(x) = k_v \in \mathbb{R}$$

Grenzkostenfunktion:

$$K'(x) = 3a x^2 + 2b x + c,$$

ökonomischer Definitionsbereich ($D_{ök}$) im Fall eines Polypols	$D_{ök} = [0 ; x_{kap}]$, wobei x_{kap} die Kapazitätsgrenze ist
Erlösfunktion aufstellen (p gegeben)	$E(x) = p \cdot x$ <i>Eigenschaften: geht durch den Ursprung, steigt (also $p > 0$)</i>
Gewinnfunktion aufstellen (wenn E und K gegeben)	$G(x) = E(x) - K(x)$ <i>Achtung: Klammern setzen!</i> <i>Eigenschaften: schneidet die y-Achse, steigt überall – zuerst stärker, dann schwächer und dann wieder stärker (also $p > 0$)</i>
Gewinnschwelle und Gewinnmenge (x_{GS} und x_{GG}) positive Nullstellen von G bzw. positive Schnittstelle von E und K)	$G(x) = 0$ (oder: $E(x) = K(x)$) <i>Lösung der kubischen Gleichung.</i> <i>Schritt 1: systematisches Probieren</i> <i>Schritt 2: Horner-Schema (oder Polynomdivision)</i> <i>Schritt 3: quadratische Ergänzung</i> <i>Es ist eine negative Lösung zu erwarten: ($x_1 \notin$ $D_{ök}$)</i>
Gewinnzone	$G(x) = 0$ (s.o.); Die Gewinnzone ist $[x_{GS} ; x_{GG}]$
gewinnmaximale Ausbringungsmenge (x_{Gmax}) und maximalen Gewinn $G(x_{Gmax})$ berechnen	notwendige Bedingung: $G'(x) = 0$ hinreichende Bedingung: $G'(x) = 0 \wedge G''(x) < 0$ maximaler Gewinn: $G(x_{Gmax})$
Kosten berechnen (bzw. Erlös oder Gewinn/Verlust) bei gegebener Ausbringungsmenge von x_0 M.E.	Einsetzen von x_0 in die entsprechende Funktion: $K(x_0)$ (bzw. $E(x_0)$ oder $G(x_0)$)
Ausbringungsmenge berechnen bei gegebenen Kosten (bzw. Erlös oder Gewinn/Verlust) Erlös oder Gewinn/Verlust) von y_0 G.E./M.E.)	$K(x) = y_0$ lösen (bzw. $E(x) = y_0$ oder $G(x) = y_0$) <i>Lösung der entsprechenden Gleichung</i>
	Übungen Erlös-, Kosten und Gewinnfunktionen