

ökonomische Anwendungen – Steckbriefaufgaben Übersetzungshilfen

Es wird vorausgesetzt, dass die Kostenfunktion K eine ganzrationale Funktion vom Grad 3 ist, also

$$K(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d.$$

Dann können in den Angaben der Aufgabenstellung noch eine Reihe weiterer Funktionen eine Rolle spielen:

(Gesamt-)Kosten $K(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$ (dabei ist $d = K_f$)	Grenzkosten (<u>Ableitung</u> von K) $K'(x) = 3ax^2 + 2bx + c$
variable Kosten: $K_v(x) = K(x) - K_f$ $K_v(x) = ax^3 + bx^2 + cx$	<u>Ableitung</u> von K_v $K'(x) = 3ax^2 + 2bx + c$ (ist dieselbe wie die von K)
variable Stückkosten: $K_v(x) / x$ $k_v(x) = ax^2 + bx + c$	<u>Ableitung</u> von k_v $k_v'(x) = 2ax + b$ (spielt eine Rolle beim <u>Betriebsminimum</u>)
<u>Stückkosten</u> : $K(x) / x$ $k(x) = ax^2 + bx + c + \frac{d}{x}$	<u>Ableitung</u> von k $k'(x) = 2ax + b - \frac{1}{x}$ (spielt eine Rolle beim <u>Betriebsoptimum</u>)

Seltener tauchen auch Angaben auf, die sich nicht direkt auf die verschiedenen Kostenfunktionen beziehen lassen.
(Wenn das gerade nicht der Fall ist, kann man diesen Teil der Tabelle auslassen.)

<u>Erlös</u> $E(x) = p(x) \cdot x$ $= (mx + n) \cdot x = mx^2 + nx$ Im Fall eines <u>Polypols</u> ist $m = 0$. E ist dann linear, der Graph von E ein Ursprungsgeradenstück.	Grenzerlös $E'(x) = 2mx + n$
<u>Gewinn</u> $G(x) = E(x) - K(x)$ $= mx^2 + nx - (ax^3 + bx^2 + cx + d)$ $= -ax^3 + (m - b)x^2 + (n - c)x - d$	Grenzwinn $G'(x) = -3ax^2 + 2(m - b)x + n - c$

Die folgenden Tabelleneinträge sind voneinander unabhängige "Übersetzungsbeispiele", d.h. die aufgestellten Gleichungen lassen sich nicht zu einem lösbaeren Gleichungssystem zusammenfassen.

Text	Übersetzung in	Gleichung(en)
der Stückpreis (Marktpreis, Verkaufspreis je ME) liegt bei 8 GE	$p = 8$; (Polypol)	$E(x) = 8x$
es entstehen Fixkosten in einer Höhe von 200 GE	$K_f = 200$	$d = 200$
bei der Produktion von 2 ME betragen die Kosten 910 GE	$K(2) = 910$	$a \cdot 2^3 + b \cdot 2^2 + c \cdot 2 = 910$ $\Leftrightarrow 8a + 4b + 2c = 910$
bei der Ausbringungsmenge von 10 ME betragen die Grenzkosten 666 GE	$K'(10) = 666$	$300a + 20b + c = 666$
bei einer Produktion von 4 ME wird ein maximaler Gewinn von 130 GE erwirtschaftet.	$G'(4) = 0$; $\wedge G(4) = 130$	im Polypol : $-48a - 8b + p - c = 0$; und $-64a - 16b + 4p - 4c - d = 130$
das Betriebsminimum liegt bei 11 ME und die langfristige Preisuntergrenze bei 7 GE/ME	$k_v'(11) = 0$; $\wedge k_v(11) = 7$	$22a + b = 0$; $121a + 11b + c = 7$
das Betriebsoptimum liegt bei 3 ME	$k'(3) = 0$	$6a + b - 1/9d = 0$
bei 5 ME wird Kostendeckung erzielt (oder: sind die Kosten gedeckt, oder: liegt die Gewinnschwelle oder Gewinngrenze)	$K(5) = E(5)$ bzw. $G(5) = 0$	im Polypol : $125a + 25b + 5c + d = 5p$ oder $-125a - 25b + 5p - 5c - d = 0$

Übungen [Arbeitsblatt](#)

Links zu ökonomischen Funktionen: [hier](#)