

## Glossar Mathebaustelle:

### **Binomialkoeffizient** [Grundlagen, Kombinatorik]

Die Binomialkoeffizienten sind ein wichtiges Hilfsmittel in der Kombinatorik – d.h., sie helfen beim Zählen. Sie haben große Bedeutung für die Stochastik – insbesondere in der Binomialverteilung.

Der Binomialkoeffizient  $n$  über  $k$  ist folgendermaßen definiert:

Für  $n \geq k$  gilt:  $\binom{n}{k} = \frac{n!}{k!(n-k)!}$  (Das „!“ steht dabei für [Fakultät](#).).

#### **Bedeutung in der Kombinatorik:**

$\binom{n}{k}$  entspricht der Anzahl an  $k$ -elementigen Teilmengen einer  $n$ -elementigen Menge.

Will man z.B. aus einer Klasse mit 21 Schülern eine 3-köpfige gleichberechtigte Delegation zur SV oder Abi-AG schicken, so gibt es  $\binom{23}{3}$  Möglichkeiten, eine solche auszuwählen.

Das entspricht in der Wahrscheinlichkeitsrechnung der Anzahl der Möglichkeiten im Urnenmodell „Ziehen ohne Zurücklegen und ohne Beachtung der Reihenfolge“.

**Bemerkungen:**  $\binom{n}{0} = 1$ ;  $\binom{n}{n} = 1$ ;  $\binom{n}{k} = \binom{n}{n-k}$

**Beispiele:**  $\binom{0}{0} = 1$

$$\binom{1}{0} = 1; \binom{1}{1} = 1$$

$$\binom{2}{0} = 1; \binom{2}{1} = 2; \binom{2}{2} = 1$$

$$\binom{3}{0} = 1; \binom{3}{1} = 3; \binom{3}{2} = 3; \binom{3}{3} = 1$$

; ...

Die Binomialkoeffizienten finden sich im Pascalschen Dreieck wieder.

**Berechnung zu Fuß:** Da wird man den Bruch sinnvollerweise kürzen:

$$\binom{12}{9} = \frac{12!}{9! \cdot 3!}$$

$$= \frac{12 \cdot 11 \cdot 10 \cdot 9 \cdot 8 \cdot 7 \cdot 6 \cdot 5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1}{9 \cdot 8 \cdot 7 \cdot 6 \cdot 5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1} \quad (\text{nun wird gekürzt})$$

$$= \frac{12 \cdot 11 \cdot 10}{3 \cdot 2 \cdot 1}$$

**Berechnung mit dem Taschenrechner:** Häufig ist die zuständige Taste mit nCr beschriftet.