

Glossar: unbestimmtes Integral

Integral, unbestimmtes einer Funktion f [Analysis, Integralrechnung]

Gegeben ist eine (<u>integrierbare</u>) <u>Funktion</u> f. Die **Menge aller** <u>Stammfunktionen</u> von f heißt dann unbestimmtes Integral.

Bezeichnung 1: $\int f(x)dx$

Wenn also keine Integrationsgrenzen a und b am Integralzeichen stehen, dann ist das unbestimmte Integral gemeint.

<u>Mathematisch definiert</u>: $\int f(x)dx = \{ F \mid F'(x) = f(x) \}.$

Bezeichnung 2: Wenn F eine Stammfunktion von f ist, schreibt man auch: $\int f(x)dx = F(x) + C$. Das große "C" ist hierbei etwas irritierend:

Es steht eben nicht für eine einzelne Konstante, sondern dafür, das von einer Menge von Funktionen die Rede ist, bei denen als <u>Absolutglied</u> jede beliebige Konstante stehen kann.

Bestimmung: Ist F eine Stammfunktion von f, so gilt: $\int f(x)dx = \{f \mid f(x) = F(x) + c \text{ mit } c \in \mathbb{R} \}.$

Bsp.: Gegeben ist f mit f (x) = 6 x² + 13. Dann ist F mit F (x) = 3 x³ + 13 x eine Stammfunktion von f und demnach gilt: $\int f(x)dx = 3 x^3 + 13 x + C$.